

АКАДЕМИЯ НАУК СССР  
ИНСТИТУТ ПРОБЛЕМ МЕХАНИКИ

---

**Гагаринские  
научные чтения  
по космонавтике  
и авиации**

\*

1989 г.



МОСКВА  
"НАУКА"  
1990

## УПРАВЛЕНИЕ САМОЛЕТОМ ПРИ СДВИГЕ ВЕТРА

В.М. КЕЙН, В.С. ПАЦКО, В.Л. ТУРОВА

1 Традиционные способы управления на посадке плохо работают в условиях резкого изменения скорости ветра (сдвиг ветра). В то же время сдвиг ветра – не настолько редкое явление, чтобы пренебрегать им. Сдвиг ветра возникает в силу различных причин. Одна из них – прохождение самолетом зоны микровзрыва, образуемого за счет исходящего потока воздуха, который ударяется о поверхность земли и растекается затем с образованием вихря.

Доклад посвящен игровому (минимаксному) способу управления на посадке, ориентированному на работу в условиях экстремального изменения скорости ветра. Способ основан на методах теории антагонистических позиционных дифференциальных игр двух лиц [1]. Применению методов теории дифференциальных игр к задаче посадки посвящены работы [2–5]. В докладе процесс посадки рассматривается до момента пролета торца взлетно-посадочной полосы (ВПП).

2. Для получения игрового закона управления полная нелинейная система дифференциальных уравнений движения самолета, включающая в себя уравнения приводов и учитывающая влияние трех составляющих скорости ветра, линеаризуется относительно номинального равномерного движения по глиссаде снижения. Полученная линейная система распадается на подсистемы бокового и продольного каналов. Для каждой из них ставится вспомогательная дифференциальная игра с фиксированным моментом окончания  $T$  и выпуклой терминальной функцией платы, зависящей от двух координат фазового вектора. В боковом канале плата определяется боковым отклонением в момент  $T$  и его скоростью. В продольном – плата зависит от отклонения по вертику или в момент  $T$  и скорости его изменения.

Управляющие воздействия первого игрока: для подсистемы бокового канала – "заданные" отклонения  $\delta_{n.z}$  и  $\delta_{z.z}$  соответственно руля направления и элеронов; для подсистемы продольного канала – "заданные" отклонения  $\delta_{v.z}$  и  $\delta_{p.z}$  руля высоты и органа управления силой тяги. Второй игрок распоряжается параметрами помехи. В боковом канале это  $w_{z.g}$  – воздействие, влияющее через уравнения инерционности на изменение боковой составляющей  $W_{z.g}$  скорости ветра, в продольном – воздействия  $w_{x.g}$  и  $w_{y.g}$ , определяющие продольную  $W_{x.g}$  и вертикальную  $W_{y.g}$  составляющие скорости ветра. Управляющие воздействия и воздействия помехи считаются ограниченными по модулю. Ограничения на помеху выбираются с учетом разумных представлений о возможном размахе колебаний составляющих скорости ветра. Первый игрок минимизирует значения функции платы, второй максимизирует.

3. Описанные вспомогательные линейные дифференциальные игры поддаются решению на ЭВМ при помощи разработанных в настоящее время стандартных программ [4,6]. В результате получаем законы формирования

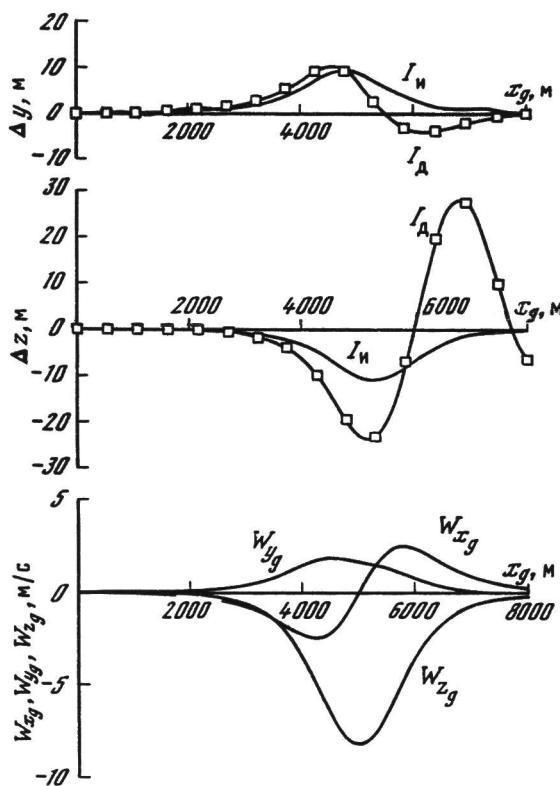


Рис. 1. Результаты моделирования процесса посадки

управляющих воздействий по принципу обратной связи, реализуемые при помощи наборов линий переключения. Каждый набор соответствует определенному управляющему воздействию и задан на сетке моментов  $\tau_i$  обратного времени, отсчитываемого от момента  $T$ .

Наборы линий переключения для  $\delta_{e,z}$ ,  $\delta_{v,z}$  и определяют игровой способ управления в исходной нелинейной системе. При его реализации делается текущий прогноз времени, оставшегося до момента пролета торца ВПП. Соответственно прогнозу используются вполне определенные линии переключения для выбора  $\delta_{e,z}$  и  $\delta_{v,z}$ . Поскольку воздействия  $\delta_{e,z}$  и  $\delta_{v,z}$  на этапе посадки имеют специфическое назначение (поддержание вблизи нуля значения угла скольжения и стабилизация воздушной скорости), было бы неестественно определять правило их выбора по аналогии с  $\delta_{e,z}$  и  $\delta_{v,z}$  из решения описанных вспомогательных задач. Поэтому воздействия  $\delta_{e,z}$ ,  $\delta_{v,z}$  при моделировании вырабатывались на основе принятых в настоящее время законов.

4. Обозначим через  $I_H$  игровой способ управления и через  $I_D$  традиционный (действующий). В способе  $I_D$  все управляющие воздействия  $\delta_{e,z}$ ,  $\delta_{e,z}$ ,  $\delta_{v,z}$ ,  $\delta_{p,z}$  формируются при помощи принятых в настоящее время законов. На рис. 1 представлены результаты моделирования процесса посадки среднего транспортного самолета для способов  $I_H$ ,  $I_D$ . Начальное состояние

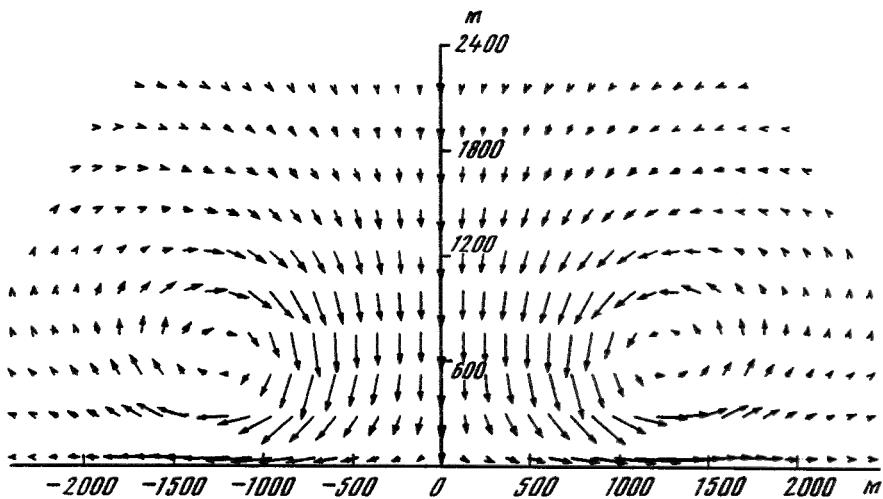


Рис. 2. Распределение скорости ветра в вертикальном сечении микровзрыва

взято на расстоянии 8000 м от торца ВПП. Значения фазовых координат в начальный момент совпадают с номинальными. Показаны графики вертикального  $\Delta y_g$  и бокового  $\Delta z_g$  отклонений от номинальных значений вдоль движения и графики реализаций  $W_{xg}$ ,  $W_{yg}$ ,  $W_{zg}$  составляющих скорости ветра. Последние соответствуют способу  $I_И$ , для способа  $I_д$  они практически те же самые. По горизонтали откладывается пройденное расстояние. В последний момент самолет находится над торцом ВПП.

Ветровое возмущение образуется в результате микровзрыва. Математическая модель микровзрыва взята из работы [7]. Микровзрыв задается тремя параметрами:  $VO$  – скорость ветра в центральной части,  $HO$  – высота центральной части,  $RO$  – радиус вихря. Для конкретизации расположения микровзрыва относительно глиссады снижения следует выбрать координаты его центра в горизонтальной плоскости. Результаты счета на рис. 1 соответствуют микровзрыву с параметрами  $VO = 7$  м/с,  $HO = 600$  м,  $RO = 1200$  м. Центр микровзрыва выбран на расстоянии  $DX = 5000$  м по оси  $x_g$  от начального положения самолета (3000 м от торца ВПП) и на расстоянии  $DZ = 1500$  м по оси  $z_g$  перпендикулярно оси ВПП. На рис. 2 приведено распределение скорости ветра в вертикальной плоскости, проходящей через центр микровзрыва.

Моделирование показывает, что игровой способ управления  $I_И$  парирует ветровое возмущение значительно лучше традиционного.

5. Подчеркнем еще раз, что для расчета игрового способа управления не требуется каких-либо точных сведений о пространственном расположении зоны экстремальных ветровых возмущений и тем более сведений о распределении скорости ветра в такой зоне. Для получения удовлетворительных результатов достаточно задать примерный размах колебаний скорости ветра. В этом состоит принципиальное отличие подхода, основанного на теории дифференциальных игр, от методов, где указанная информация является существенной [8]. Соответствующие игровому способу графики отклоне-

ний  $\Delta y_g$ ,  $\Delta z_g$  на рис. 1 получены в случае, когда для вспомогательных линейных дифференциальных игр ограничения на модуль боковой и продольной составляющих скорости ветра были взяты равными 10 м/с, а ограничение на модуль вертикальной составляющей принято равным 5 м/с.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Красовский Н.Н., Субботин А.И. Позиционные дифференциальные игры. М.: Наука, 1974. 456 с.
2. Кейн В.М., Париков А.Н., Смурров М.Ю. Об одном способе оптимального управления по методу экстремального прицеливания // Прикл. математика и механика. 1980. Т. 44, № 3. С. 434–440.
3. Титовский И.Н. Игровой подход к задаче синтеза управления самолетом при заходе на посадку // Учен. зап. ЦАГИ. 1981. Т. 12, № 1. С. 85–92.
4. Боткин Н.Д., Кейн В.М., Пацко В.С. Модельная задача об управлении боковым движением самолета на посадке // Прикл. математика и механика. 1984. Т. 48, № 4. С. 560–567.
5. Корнеев В.А., Меликян А.А., Титовский И.Н. Стабилизация глиссады самолета при ветровых возмущениях в минимаксной постановке // Изв. АН СССР. Техн. кибернетика. 1985. № 3. С. 132–139.
6. Алгоритмы и программы решения линейных дифференциальных игр. Свердловск, 1984. 295 с. (Материалы по мат. обеспечению ЭВМ/АН СССР. УНЦ. ИММ).
7. Ivan M. A ring-vortex downburst model for real time flight simulation of severe wind shears // AIAA flight simulation technol.: Conf. St Louis (Miss.), 1985. P. 57–61.
8. Miele A., Wang T., Tzeng C.Y., Melvin W.W. Optimal abort landing trajectories in the presence of windshear // J. Optimiz. Theory. and Appl. 1987. Vol. 55, N 2. P. 165–202.